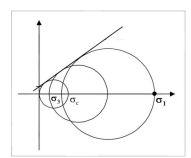
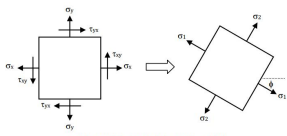
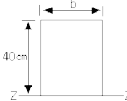
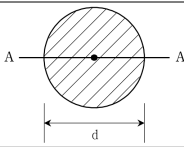




응력과 변형률

응력	$\sigma = \frac{P}{A}$	응력 = $\frac{\text{하중}}{\text{단면적}}$	
전단응력	$\tau = \frac{P}{A}$	전단응력 = $\frac{\text{하중}}{\text{단면적}}$	
변형률(가로)	$\epsilon = \frac{\delta}{L}$	변형률 = $\frac{\text{변형량}}{\text{길이}}$	
변형률(세로)	$\epsilon = \frac{\delta}{D}$	변형률 = $\frac{\text{변형량}}{\text{지름}}$	
전단변형률	$\gamma = \frac{\delta}{L} [\text{rad}]$	전단변형률 = $\frac{\text{변형량}}{\text{길이}}$	
변형량(가로)	$\delta = \frac{PL}{AE}$	변형량(가로) = $\frac{\text{하중} * \text{길이}}{\text{단면적} * \text{가로탄성계수}}$	
변형량(세로)	$\delta' = \frac{d\sigma}{mE}$	변형량(세로) = $\frac{\text{지름} * \text{응력}}{\text{프와송수} * \text{가로탄성계수}}$	
면적 변형률	$\epsilon_A = \frac{\Delta A}{A} = 2\mu\epsilon$	면적 변형률 = $\frac{\text{변한면적}}{\text{단면적}} = 2 * \text{프와송의비} * \text{변형률}$	
체적 변형률(3방향)	$\epsilon_v = \frac{\Delta V}{V} = \pm 3\epsilon$	체적 변형률 = $\frac{\text{변형 체적}}{\text{체적}} = \pm 3 * \text{변형률}$	
체적 변형률(1방향)	$\epsilon_v = \epsilon(1 - 2\mu)$	체적 변형률 = 변형률(1 - 2*프와송의비)	
HOOK의 법칙 응력	$\sigma = E\epsilon$	응력 = 가로탄성계수 * 변형률	
HOOK의 법칙 전단	$\tau = G\gamma$	전단응력 = 세로탄성계수 * 전단변형률	
프와송의비	$\mu = \frac{1}{m} = \frac{\epsilon'}{\epsilon}$	프와송의비 = $\frac{1}{\text{프와송수}} = \frac{\text{세로변형률}}{\text{가로변형률}}$	
세로탄성계수	$G = \frac{E}{2(1 + \mu)}$	세로탄성계수 = $\frac{\text{가로탄성계수}}{2(1 + \text{프와송수})}$	
체적탄성계수	$K = \frac{E}{3(1 - 2\mu)}$ $= \frac{\sigma}{\epsilon_v}$	체적탄성계수 = $\frac{\text{가로탄성계수}}{3(1 - 2 * \text{프와송의비})}$ $= \frac{\text{응력}}{\text{체적 변형률}}$	
안전률		안전률 = $\frac{\text{최고응력(극한강도)}}{\text{허용응력}}$	
인장, 압축, 전단			
자중의 의한 처짐			
원형봉 변형량	$\delta = \frac{\gamma L^2}{2E}$	변형량 = $\frac{\text{비중량} * \text{길이}^2}{2 * \text{가로탄성계수}}$	
원추형봉	$\delta = \frac{\gamma L^2}{6E}$	변형량 = $\frac{\text{비중량} * \text{길이}^2}{6 * \text{가로탄성계수}}$	
자중과 하중을 고려한 균일 단면봉			
균일단면봉	응력	$\sigma = \frac{P}{A} + \gamma L$	응력 = $\frac{\text{하중}}{\text{단면적}} + \text{비중량} * \text{길이}$
	변형량	$\delta = \frac{PL}{AE} + \frac{\gamma L^2}{2E}$	변형량 = $\frac{\text{하중} * \text{길이}}{\text{단면적} * \text{가로탄성계수}} + \frac{\text{비중량} * \text{길이}^2}{2 * \text{가로탄성계수}}$
열응력		신장혹은 수축을 방해하였을 때 발생	
변형률	$\epsilon = \alpha \Delta T$	변형률 = 선팽창계수 * 온도차	
변형량	$\delta = L\alpha \Delta T$	변형량 = 길이 * 선팽창계수 * 온도차	
응력	$\sigma = E\epsilon = E\alpha \Delta T$	응력 = 가로탄성계수 * 선팽창계수 * 온도차	
가열조임 변형률	$\epsilon = \frac{d' - d}{d}$	변형률 = $\frac{\text{지름의 차}}{\text{원래지름}}$	
탄성에너지			
탄성에너지	$U = \frac{P\delta}{2}$	탄성에너지 = $\frac{\text{하중} * \text{변형량}}{2}$	
	$U = vV = \frac{\sigma^2}{2E} AL$	탄성에너지 = 레질리언스계수 * 체적 = $\frac{\text{응력}^2}{2 * \text{가로탄성계수}} * \text{단면적} * \text{길이}$	

인장압축	$u = \frac{\sigma^2}{2E}$	탄성에너지 = $\frac{\text{응력}^2}{2 \times \text{가로탄성에너지}}$	
전단	$u = \frac{\tau^2}{2G}$	탄성에너지 = $\frac{\text{전단응력}^2}{2 \times \text{세로탄성에너지}}$	
비틀림	$u = \frac{\tau^2}{4G}$	탄성에너지 = $\frac{\text{전단응력}^2}{4 \times \text{세로탄성에너지}}$	
충격응력	응력	$\sigma = \sigma_o(1 + \sqrt{1 + \frac{2h}{\delta_o}})$	충격응력 = $\text{응력}(1 + \sqrt{1 + \frac{2 \times \text{높이}}{\text{변형량}}})$
	변형량	$\delta = \delta_o(1 + \sqrt{1 + \frac{2h}{\delta_o}})$	충격변형량 = $\text{변형량}(1 + \sqrt{1 + \frac{2 \times \text{높이}}{\text{변형량}}})$
내압을 받는 원통			
축응력	$\sigma_{\text{축}} = \frac{PD}{4t}$	축응력 = $\frac{\text{하중} \times \text{지름}}{4 \times \text{두께}}$	
원주 응력	$\sigma_{\text{원주}} = \frac{PD}{2t}$	원주응력 = $\frac{\text{하중} \times \text{지름}}{2 \times \text{두께}}$	
회전 원환(후프응력)	$\sigma = \frac{\gamma V^2}{g}$	후프응력 = $\frac{\text{비중량} \times \text{원주속도}^2}{\text{중력} (*9.8)}$	
원주 속도	$V = R\omega = \frac{\pi DN}{60}$	원주속도 = $\text{내경} \times \text{각속도} [\text{rad/sec}] = \frac{\pi \times \text{지름} \times \text{RPM}}{60}$	
비중량(N/m ³)	$\gamma = \rho \times g$	비중량 = $\text{밀도} \times \text{중력}$	
원통의 두께	$t = \frac{PDS}{2\sigma} + C$	원통의두께 = $\frac{\text{하중} \times \text{지름} \times \text{안전률}}{2 \times \text{응력}} + \text{부식}$	
단위변환			
8g/cm ³ 을 kg/m ³ 으로 바꾸어라	$8g/cm^3 \times \frac{1kg}{1000g} \times \frac{100^3cm^3}{1m^3}$		답: 8000kg/m ³
1kwh를 KJ로 바꾸어라	3600KJ		
1Psh를 kJ로 바꾸어라	$1psh = 3600KJ \frac{75}{102}$		
법선,전단,조합응력			
1축응력			
응력	$\sigma_n = \sigma_x \cos^2\theta$	응력 = $\text{최대응력} \times \cos^2\theta$	
전단응력	$\tau_n = \frac{\sigma_x}{2} \sin 2\theta$	전단응력 = $\frac{\text{최대응력}}{2} \times \sin 2\theta$	<div style="display: flex; align-items: flex-start;"> <div style="flex: 1;"> <p>◆ Mohr - 응력원의 작도(계속)</p>  <p>• $\sigma_{(x1)}, \sigma_{(x2)}$: 모아응력원의 중심 $\sigma_{(x1)} = \frac{1}{2}(\sigma_{(x1)} + \sigma_{(x1)})$ $\sigma_{(x2)} = \frac{1}{2}(\sigma_{(x2)} + \sigma_{(x2)})$</p> <p>• $R_{(1)}, R_{(2)}$: 모아응력원의 반경 $R_{(1)} = \frac{1}{2}(\sigma_{(x1)} - \sigma_{(x1)})$ $R_{(2)} = \frac{1}{2}(\sigma_{(x2)} - \sigma_{(x2)})$</p> <p>$\sigma_{(11)}$: 구속압 $\sigma_{(31)}$에 대한 삼축압축강도 $\sigma_{(22)}$: 구속압 $\sigma_{(20)}$에 대한 삼축압축강도 $\sigma_{(31)}, \sigma_{(22)}$: 구속압 $(\sigma_{(22)} \neq \sigma_{(31)})$</p> </div> <div style="flex: 1; font-size: small;"> <p>48</p> </div> </div>
	$\tau_n = \sigma_x \sin\theta \cos\theta$	전단응력 = $\text{최대응력} \times \sin\theta \times \cos\theta$	
최대응력	$\sigma_{\text{max}} = \sigma_x$		
최대전단응력	$\tau_{\text{max}} = \frac{\sigma_x}{2}$		
2축응력			
응력	$\sigma_n = \frac{\sigma_x + \sigma_y}{2} + \frac{\sigma_x - \sigma_y}{2} \cos 2\theta$	응력 = $\frac{\text{응력}_x + \text{응력}_y}{2} + \frac{\text{응력}_x - \text{응력}_y}{2} \times \cos 2\theta$	
전단응력	$\tau_n = \frac{\sigma_x - \sigma_y}{2} \sin 2\theta$	전단력 = $\frac{\text{응력}_x - \text{응력}_y}{2} \times \sin 2\theta$	
평면응력			
응력	$\sigma_n = \frac{\sigma_x + \sigma_y}{2} + \frac{\sigma_x - \sigma_y}{2} \cos 2\theta - \tau \sin 2\theta$	응력 2축응력 - 전단응력 * sin 2θ	 <p>□ 그림 6) 평면응력 상태와 주응력, 주방향</p>
전단응력	$\tau_n = \frac{\sigma_x - \sigma_y}{2} \sin 2\theta + \tau \cos 2\theta$	전단응력 = 2축전단력 + cos 2θ	
주응력		재일크거나, 작은응력, 면에서 전단응력은 0이다.	

주축의 각도	$\tan 2\theta = \frac{2\tau}{\sigma_x - \sigma_y}$		
주응력	$\sigma_{1,2} = \frac{\sigma_x + \sigma_y}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{\sigma_x - \sigma_y}{2}\right)^2 + \tau^2}$		제일큰 주응력+ 작은-
주변형률	$\epsilon_{1,2} = \frac{\epsilon_x + \epsilon_y}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{\epsilon_x - \epsilon_y}{2}\right)^2 + \frac{\gamma_{xy}}{2}}$		* γ = 전단변형량
변형각도	$\theta = \frac{1}{2} \tan^{-1} \frac{\gamma_{xy}}{\epsilon_x - \epsilon_y}$		
평면도형의 성질			
도심의 위치 (x)	$x = \frac{\sum Ax}{\sum A}$	도심의위치 $x = \frac{\text{단면적}_1 * \text{중심거리}_1 + \text{단면}..}{\text{단면적}_1 + \text{단면}..}$	
구형단면			
1차 모멘트	$I = \frac{bh^3}{12}$	1차모멘트 = $\frac{\text{길이} * \text{높이}^3}{12}$	
단면계수	$Z = \frac{bh^2}{6}$	단면계수 = $\frac{\text{길이} * \text{높이}^2}{6}$	
2차 모멘트	$I_p = \frac{bh(h^2 + b^2)}{12}$	2차모멘트 = $\frac{\text{길이} * \text{높이} (\text{높이}^2 + \text{길이}^2)}{12}$	$I_p = I_x + I_y$
극단면계수	$Z_p = \frac{b^2 h^2}{3b + 1.8h}$	극단면계수 = $\frac{\text{높이}^2 + \text{길이}^2}{3 * \text{길이} + 1.8 * \text{높이}}$	
평행축 이동정리	$I_{\text{합}} = I_{\text{중심}} + Ay_0^2 = \frac{bh^3}{3}$		* y_0 = 중심축에서 임의축까지 수직길이
원형단면			
1차모멘트	$I = \frac{\pi d^4}{64}$		
단면계수	$Z = \frac{\pi d^3}{32}$		
2차모멘트	$I_p = \frac{\pi d^4}{32}$		$I_p = I_x + I_y$
극단면계수	$Z_p = \frac{\pi d^3}{16}$		
회전반경	$K = \frac{d}{4}$		K=회전반경
중공축			
1차모멘트	$I = \frac{\pi(d_2^4 - d_1^4)}{64}$		
2차모멘트	$I_p = \frac{\pi(d_2^4 - d_1^4)}{32}$		
극단면계수	$Z_p = \frac{\pi d_2^3 (1 - (\frac{d_1}{d_2})^4)}{16}$		
삼각형			
1차모멘트(상단)	$I = \frac{bh^3}{4}$		

1차모멘트(중심)	$I = \frac{bh^3}{36}$		
1차모멘트(하단)	$I = \frac{bh^3}{12}$		
단면계수1/3지점	$Z_3 = \frac{I}{h} = \frac{bh^2}{12}$		
단면계수2/3지점	$Z_1 = \frac{bh^2}{24}$		
비틀림(5문제 정도 출제) 중요!			
굽힘모멘트	$M = PL$	굽힘모멘트 = 하중*길이	단위: [N · m]
비틀림모멘트	$T = PR$	비틀림모멘트 = 하중*반지름 = 하중* $\frac{지름}{2}$	
	$T = \tau Z_P = \frac{60*1000kw}{2\pi N}$	비틀림모멘트 = 전단력*극단면계수 = $\frac{60*1000kw}{2\pi * RPM}$	
비틀림각	$\theta = \frac{TL}{GI_P} \frac{180^\circ}{\pi}$	비틀림각 = $\frac{\text{비틀림모멘트*길이}}{\text{세로탄성계수*2차모멘트}} * \frac{180^\circ}{\pi}$	
	$\theta = \frac{32TL}{G\pi d^4} \frac{180^\circ}{\pi}$	비틀림각 = $\frac{32*\text{비틀림모멘트*길이}}{\text{세로탄성계수*\pi*d^4}} * \frac{180^\circ}{\pi}$	
bach축 공식			
비틀림에 축지름 구하기	$d = 12^4 \sqrt{\frac{HP}{N}} = 13^4 \sqrt{\frac{HkW}{N}}$		*hp 와 kw는 단위계로 동력을 뜻함. N=RPM
코일 스프링			
변형량	$\delta = \frac{64nPR^3}{Gd^4}$	변형량 = $\frac{64*감기는수*하중*반지름^3}{\text{세로탄성계수*지름}^4}$	
	$\delta = \frac{8nwD^3}{Gd^4}$		*w는 하중, 반지름을 지름으로 변환하면서 64->8
코일의 길이	$L = 2\pi Rn$		
하중	$P = K\delta$	하중 = 스프링상수*변형량	
탄성에너지	$U = \frac{P\delta}{2} = \frac{T\theta}{2} = \frac{T^2L}{2GI_P}$	탄성에너지 = $\frac{\text{하중*변형량}}{2} = \frac{\text{비틀림모멘트*각도}}{2} = \frac{\text{비틀림모멘트}^2*\text{길이}}{2*\text{세로탄성계수*2차모멘트}}$	
스프링 직렬	$\frac{1}{K_1} + \frac{1}{K_2} \dots$		*K= 스프링 상수
스프링 병렬	$K_1 + K_2 \dots$		
반작용은	항상 면의 90도이다.		
전단력이 시계방향	이면 부호는 항상 +이다.		
외팔보 자유단 집중하중			
고정단 반력	$R_A = P$	반력 _A = 하중	
최대 전단력	$V_A = P$	전단력 _A = 하중	
최대 굽힘모멘트	$M_A = - PL$		
처짐각	$\theta = \frac{PL^2}{8EI}$		
처짐	$\delta = \frac{PL^3}{24EI}$		
외팔보 균일분포하중			
고정단 반력	$R_A = wL$	반력 _A = 하중*길이	
최대 전단력	$V_A = - wL$		
최대 굽힘모멘트	$M_A = - \frac{wL^2}{2}$		
처짐각	$\theta = \frac{wL^3}{6EI}$		
처짐	$\delta = \frac{wL^4}{8EI}$		
외팔보 삼각 분포하중			

고정단 반력	$R_A = \frac{PL}{2}$		
최대 전단력	$V_A = \frac{PL}{2}$		
최대 굽힘 모멘트	$M_A = -\frac{wL}{6}$		
단순보 중앙 집중하중			
반력	$R_A = \frac{PL}{2}$		
최대 전단력	$V_A = \frac{PL}{2}$		
최대 굽힘 모멘트	$M_A = \frac{PL}{4}$		
처짐각	$\theta = \frac{PL^2}{16EI}$		
처짐	$\delta = \frac{PL^3}{48EI}$		
단순보 균일 분포하중			
반력	$R_A = \frac{wL}{2}$		
최대 전단력	$V_A = \frac{wL}{2}$		
최대 굽힘 모멘트	$M_A = \frac{wL^2}{8}$		
처짐각	$\theta = \frac{wL^3}{24EI}$		
처짐	$\delta = \frac{5wL^4}{384EI}$		
단순보 삼각 분포하중			
반력	$R_A = \frac{wL}{6}, R_B = \frac{wL}{3}$		
최대 전단력	$V_A = \frac{wL}{3}$		
전단력이 0 인지점	$x = \frac{1}{\sqrt{3}}$		
최대 굽힘 모멘트	$M_A = \frac{wL^2}{9\sqrt{3}}$		
처짐	$\delta = \frac{5wL^4}{768EI}$		
돌출보 집중하중			
반력	$R_A = P_1 + \frac{P_2}{2}$		
A지점과 B지점 굽힘 모멘트	$M_A = P_1a$	굽힘모멘트 _A = 하중*지점까지의 길이	
중앙에서 굽힘 모멘트	$M_C = \frac{P_2^2}{4} - P_1a$		
돌출보 등분포 하중			
반력	$R_A = wa + \frac{wL}{2}$		
A지점과 B지점 굽힘 모멘트	$M_A = \frac{wa}{2}$		
중앙에서 굽힘 모멘트	$M_C = \frac{wL^2}{8} - \frac{wa^2}{2}$		
변형량 -> 처짐각(미분1번) -> 모멘트(미분2번) -> 전단력(미분3번) -> 하중(미분4번)			
보의 처짐각	$\theta = \frac{1}{EI} Am$	처짐각 = $\frac{1}{\text{가로탄성계수} * 2\text{차모멘트}}$ * 선도(BMD)의 면적	
보의 처짐	$\delta = \frac{1}{EI} Am * x$	처짐량 = $\frac{1}{\text{가로탄성계수} * 2\text{차모멘트}}$ * 선도(BMD)의 면적 * 도심의 위치	

보속의 굽힘응력			
곡률반경(ρ)	$\frac{E}{\rho} = \frac{\sigma}{y} = \frac{M}{I}$	가로탄성계수 = $\frac{\text{응력}}{\text{곡률반경}} = \frac{\text{중립선에서 끝단까지 거리}}{\text{굽힘모멘트}} = \frac{\text{굽힘모멘트}}{2\text{차모멘트}}$	
곡률($\frac{1}{\rho}$)	$\sigma = \frac{My}{I} = \frac{M}{I/y} = \frac{M}{Z}$	굽힘응력 = $\frac{\text{굽힘모멘트} * \text{중립선거리}}{2\text{차모멘트}} = \frac{\text{굽힘모멘트}}{2\text{차모멘트}/\text{중립선거리}} = \frac{\text{굽힘모멘트}}{\text{단면계수}}$	
보속의 전단응력			
구형단면 최대 전단응력	$\tau = \frac{3}{2} \frac{V}{A}$	최대전단응력 = $\frac{3}{2} * \frac{\text{전단력}}{\text{단면적}}$	
원형단면 최대 전단응력	$\tau = \frac{4}{3} \frac{V}{A}$	최대전단응력 = $\frac{4}{3} * \frac{\text{전단력}}{\text{단면적}}$	
최대 굽힘 응력	$\sigma = \frac{M_{\max}}{Z}$	최대 굽힘응력 = $\frac{\text{최대 굽힘모멘트}}{\text{단면계수}}$	
상당 비틀림 모멘트	$T_e = \sqrt{M^2 + T^2}$	상당비틀림모멘트 = $\sqrt{\text{굽힘모멘트}^2 + \text{비틀림모멘트}^2}$	
상당 굽힘 모멘트	$M_e = \frac{1}{2}(M + \sqrt{M^2 + T^2})$		
단주			
응력	$\sigma = \frac{P}{A} + \frac{M}{Z}$	응력 = $\frac{\text{하중}}{\text{단면적}} + \frac{\text{굽힘모멘트}}{\text{단면계수}}$	
구형단면			
단주의 응력	$\sigma = \frac{P}{bh} (1 + \frac{6e}{h})$	* e = 외부에서 내부까지의거리 * h = 중립선이 지나가는축	
핵심 반경	$-\frac{h}{6} < e < \frac{h}{6}$	* e 값이 범위 내 일때 압축하중만이 걸린다.	
원형 단면			
단주의 응력	$\sigma = \frac{4P}{\pi d^2} (1 + \frac{8e}{d})$	* e = 외부에서 내부까지의거리	
핵심반경	$-\frac{d}{8} < e < \frac{d}{8}$	* e 값이 범위 내 일때 압축하중만이 걸린다.	
장주			
임계하중	$P_{cr} = \frac{n\pi^2 EI}{L^2}$	임계하중 = $\frac{\text{단말계수} * \pi^2 * \text{가로탄성계수} * 2\text{차단면 모멘트}}{\text{길이}^2}$	
	$P_{cr} = \frac{\pi^2 EI}{(L')^2}$	임계하중 = $\frac{\pi^2 * \text{가로탄성계수} * 2\text{차단면 모멘트}}{\text{등가길이}^2}$	$L' = \text{등가길이} (\frac{L}{\sqrt{n}})$
임계응력	$\sigma_{ac} = \frac{P_{cr}}{A} = \frac{n\pi^2 EI}{AL^2} = n\pi^2 \frac{EK^2}{L} = \frac{n\pi^2 E}{\lambda^2}$		* K = 회전반경($\sqrt{\frac{I}{A}}$) * λ = 세장비 * n = 단말계수
세장비	$\lambda = \frac{L}{K}$	세장비 = $\frac{\text{길이}}{\text{회전반경}}$	
등가길이	$L' = \frac{L}{\sqrt{n}}$	등가길이는 = $\frac{\text{길이}}{\sqrt{\text{단말계수}}}$	
장주는	연강의 경우 세장비가 102초과, 원형봉의 경우 25.5D(d/4) 초과여야 한다.		
외팔보에 집중하중			
처짐각	$\theta = \frac{PL^3}{2EI}$		
처짐	$\delta = \frac{PL^3}{3EI}$		
자유단	회전단	고정회전단	양단고정단

