

**2020학년도 부산대학교 대학입학전형 대비
모의논술고사(자연계) 문제지**

지원학과(부)		수험번호	성명
---------	--	------	----

【유의사항】

1. 시험시간은 100분입니다.
2. 답안은 답안지의 해당 문항 번호에 연필 또는 샤프로 작성하시오.
3. 답안을 수정할 때는 지우개를 사용하시오.
4. 문항 번호를 쓰고, 답안을 작성하시오.
5. 학교명, 성명 등 자신의 신상에 관련된 사항은 답안에 드러내지 마시오.
6. 답안 연습은 연습지를 활용하시오.
7. 답안지, 연습지 및 문제지에 필요한 인적사항을 기입하였는지 확인하시오.

【문항 1】 다음 제시문을 이용하여 아래 논제의 풀이 과정과 답을 논리적으로 서술하시오.

(가) 함수 $f(x)$ 가 닫힌 구간 $[a, b]$ 에서 연속이고 열린 구간 (a, b) 에서 미분가능하면

$$\frac{f(b)-f(a)}{b-a} = f'(c)$$

인 c 가 열린 구간 (a, b) 에 적어도 하나 존재한다.

(나) 연속함수 $f(x)$ 가 닫힌 구간 $[a, b]$ 에서 $f(x) \geq 0$ 이면 $\int_a^b f(x) dx \geq 0$ 이다.

(다) 구간 $[a, b]$ 에서 연속인 함수 $f(x)$ 의 부정적분 중의 하나를 $F(x)$ 라고 하면

$$\int_a^b f(x) dx = \left[F(x) \right]_a^b = F(b) - F(a)$$

(라) 세 실수 a, b, c 를 포함하는 닫힌 구간에서 함수 $f(x)$ 가 연속일 때,

$$\int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx = \int_a^b f(x) dx$$

[1-1] 실수 전체에서 미분가능한 함수 $f(x)$ 가 $f(1)=0$ 이고 닫힌 구간 $[1, 3]$ 에서 $3 \leq f'(x) \leq 7$ 이다.

이 때, $a \leq \int_1^3 f(x) dx \leq b$ 를 만족하는 a 의 최댓값과 b 의 최솟값을 구하시오. (10점)

[1-2] $f(x) = |x^2 + x - 2|$ 의 구간 $[t, t+1]$ 에서의 최댓값을 $g(t)$ 라 할 때, $\int_{-2}^0 g(t) dt$ 의 값을 구하시

오. (20점)

(뒷면에 계속)

【문항 2】 다음 제시문을 이용하여 아래 논제의 풀이 과정과 답을 논리적으로 서술하시오.

(가) 점 $A(x_1, y_1, z_1)$ 을 지나고 영벡터가 아닌 벡터 $\vec{n} = (a, b, c)$ 에 수직인 평면의 방정식은

$$a(x-x_1)+b(y-y_1)+c(z-z_1)=0$$

(나) 점 $A(x_0, y_0, z_0)$ 과 평면 $ax+by+cz+d=0$ 사이의 거리는

$$\frac{|ax_0+by_0+cz_0+d|}{\sqrt{a^2+b^2+c^2}}$$

(다) 영벡터가 아닌 두 벡터 \vec{a}, \vec{b} 가 이루는 각의 크기가 θ 일 때, $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| |\vec{b}| \cos\theta$ 이다.

좌표공간의 세 점 $O(0, 0, 0), A(-4, 0, 0), B(3, -1, \sqrt{6})$ 에 대하여

$$\angle AOB = \angle AOC = \angle BOD, |\vec{OC}| = |\vec{OD}| = 2$$

를 만족하는 점 C, D 가 존재할 때, 다음 물음에 답하시오.

[2-1] 사면체 $OABC$ 의 부피가 최대가 될 때, 점 C 의 좌표를 모두 구하시오. (20점)

[2-2] $\vec{BD} \cdot \vec{AC}$ 가 최대가 될 때, $\vec{OB} \cdot \vec{OC}$ 의 값을 구하시오. (20점)

(다음 장에 계속)

【문항 3】 다음 제시문을 이용하여 아래 논제의 풀이 과정과 답을 논리적으로 서술하시오.

(가) 서로 다른 n 개에서 순서를 생각하지 않고 r ($r \leq n$) 개를 택할 때, 이것을 n 개에서 r 개를 택하는 조합이라고 하며, 이 조합의 수를 기호로 ${}_n C_r$ 와 같이 나타낸다. 이 때, 조합의 수는

$${}_n C_r = \frac{n!}{r! \times (n-r)!}$$

(나) 자연수 n 을 자신보다 크지 않은 자연수 $n_1, n_2, n_3, \dots, n_k$ 의 합으로

$$n = n_1 + n_2 + n_3 + \dots + n_k \quad (n_1 \geq n_2 \geq n_3 \geq \dots \geq n_k)$$

와 같이 나타내는 것을 자연수의 분할이라고 한다. (단, $1 \leq k \leq n$)

(다) 원소가 유한개인 집합을 공집합이 아닌 몇 개의 서로소인 부분집합의 합집합으로 나타내는 것을 집합의 분할이라고 한다. 예를 들면, 원소가 4개인 집합을 공집합이 아닌 2개의 서로소인 부분집합으로 분할하는 방법의 수는 7이다.

1부터 n 까지의 자연수가 각각 하나씩 적힌 n 장의 카드가 주머니에 들어 있다. 한 번에 1장에서 n 장까지 카드를 반복해서 꺼내려고 한다. 주머니에 남은 카드가 없도록 n 장의 카드를 모두 꺼내는 방법의 수를 생각해보자. 예를 들면, $n=3$ 일 때 꺼내는 방법의 수는 13이다.

[3-1] $n=4$ 일 때 주머니 속의 카드를 모두 꺼내는 방법의 수를 구하시오. (10점)

[3-2] 다음과 같은 시행을 통해 주머니 속에 있는 모든 카드를 꺼낸다.

i 번째 꺼낸 카드의 개수가 m 이면 $(i+1)$ 번째 꺼내는 카드의 개수는 $\frac{m}{2}$ 이하이다.

이와 같은 과정을 통해 10장의 카드를 모두 꺼내는 방법의 수를 구하시오. (20점)

* 주의사항: 문제지, 연습지, 답안지에 필요한 인적사항을 기입하였는지 확인하시오.