

문제 1번 (반드시 해당문제와 일치하여야 함)

(나)에서	같은	인간은	도덕적,	사회적	고려	없이	경제적	편익과	
비용만으	고려하는	합리적	존재	라고	말한다	이는	실험	1과	2에서
부정행위	가	가능	해리	다수의	평가	가	들	이	더
행위로	행하는	결과	를	잘	설명	한다	하	리	만
비용의	제한	에	의	해	서	만	얻	어	난
머지	결과	를	잘	설명	하	지	못	한	다
늘려	편익	을	높	이	는	방	식	으	로
거나	아	예	정	단	개	수	보	고	도
나	낮	춰	비	용	에	변	화	를	주
않	았	기	때	문	이	다			
(다)에서	을	문	사	람	들	이	과	아	
부	정	의	기	준	선	을	마	련	한
면	사	람	들	이	마	련	한	과	아
주	문	제	정	도	의	이	득	이	다
상	황	이	되	과	우	문	제	이	득
을	보	려	하	였	으	므	로		
지	않	았	고	상	금	이	매	우	
이	미	리	를	보	호	하	기	위	해

이 줄 아래 답안 작성 시 무효 처리됨

문제 2번 (반드시 해당문제와 일치하여야 함)

1. 주머니 A에서 공을 1개 꺼내 확인하고 다시 넣을 시행을 확률변수 X, 같은 시행을 주머니 B에서 시행하는 것을 확률변수 Y라고 둘다. 아래의 두 변수의 확률분포표는 다음과 같다.

X	1	2	3	4	5	계
P(X)	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	1

Y	1	0	1	2	3	계
P(Y)	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	1

변수 X의 평균과 분산은,
 $\rightarrow E(X) = \frac{2+2+3+4+5}{7} = \frac{16}{7} = 2\frac{2}{7}$
 $V(X) = \frac{2^2+2^2+3^2+4^2+5^2}{7} - \frac{16^2}{7^2} = \frac{18}{7}$ 이고,

변수 Y의 평균과 분산은,
 $\rightarrow E(Y) = \frac{-2+1+2+6}{7} = \frac{7}{7} = 1$
 $V(Y) = \frac{2^2+1^2+2^2+6^2}{7} - \frac{7^2}{7^2} = \frac{18}{7}$ 이다.

이때 A와 B에서 각각 4개씩 꺼내 나온 수 8개의 평균이 W이므로 W는 모평균 X와 Y에서 4만큼 각각 추출하여 얻은 표본평균과 마찬가지로 있음을 알 수 있다. 이를 다음과 같이 표현한다.

$W = \frac{1}{2}(X+Y)$
 따라서 $E(W) = \frac{1}{2}(E(X)+E(Y))$ 이고, $V(W) = \frac{1}{4}(V(X)+V(Y))$ 이다.

표본평균의 평균은 모평균과 같으므로 $E(X)=3, E(Y)=4$ 이고
 표본평균의 분산은 $\frac{\text{모분산}}{\text{추출한 개수}}$ 이므로 $V(X)=V(Y)=\frac{18}{7}$ 이다

따라서 $E(W) = 2, V(W) = \frac{9}{28}$ 이다.

이때 $E(\sqrt{2}W-1) < n < \frac{2521}{V(\sqrt{2}W-1)}$ 을 풀면
 $4 < n < \frac{2521}{252} \approx 10.004$ 이므로 $\frac{2521}{252}$ 은 10.004 이므로

정수 n은 6, 8, 10 만 가질 수 있다.

따라서 정수 n의 개수는 3개이다.

$\rightarrow 3$

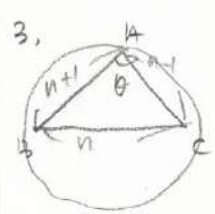
2. 받을 수 있는 상금은 변수 X로 둘 때, 1번을 K를 0, 120만원, 1440만원, 2160만원, 2880 만원을 가진다. 상금이 0원일 때의 확률은 계산하면

등재미화환
 1번을 0원일 때: $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{120}$
 1, 3만 이면 때: $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{120}$
 1, 9 만 이면 때: $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{120}$
 1, 5 만 이면 때: $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{120}$
 1, 3, 5 만 이면 때: $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{120}$
 이를 합하면 $\frac{5}{120}$ 이 나온다

이와 같은 방식으로 나머지도 계산하면 아래와 같은 확률분포표를 손 수 있다.

X	0	120	1440	2160	2880	계
P(X)	$\frac{5}{120}$	$\frac{1}{30}$	$\frac{3}{20}$	$\frac{1}{30}$	$\frac{1}{120}$	1

따라서 기대값은 $0 \times \frac{5}{120} + 120 \times \frac{1}{30} + 1440 \times \frac{3}{20} + 2160 \times \frac{1}{30} + 2880 \times \frac{1}{120} = 576$ 만원이다.
 $\rightarrow 576$ 만원



3. 조건에 맞게 삼각형 ABC를 그린다.
 이때 $\triangle ABC$ 의 외접반은 2이고
 $\angle BAC = \theta$ 라 둔다.
 $\cos \theta = \frac{n^2+2}{2cn^2}$ 이고 $\sin \theta = \sqrt{1-\cos^2 \theta}$ 일 때 이다

$\sin \theta = \frac{\sqrt{3n^2(n^2-4)}}{2cn^2} = \frac{n}{2c} \sqrt{3(n^2-4)}$ 이다.
 외접원의 반지름을 R이라 한다면 $\sin \theta = \frac{n}{2R}$ 이다.

따라서 $\frac{n}{2cn^2} \sqrt{3(n^2-4)} = \frac{n}{2R} \rightarrow R = \frac{n^2-1}{\sqrt{3(n^2-4)}}$ 이다.
 이때 외접원의 넓이는 πR^2 이므로

$\pi R^2 = \pi \cdot \frac{n^2-1}{3(n^2-4)} = S_n$ 이다.
 따라서 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n}{n^2} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\pi(n^2-1)}{n^2 \cdot 3(n^2-4)} = \frac{\pi}{3}$ 이다.

$\rightarrow \frac{\pi}{3}$

문제 2번 (반드시 해당문제와 일치하여야 함)

II 수에 A 나오는 공 변수 X, 수에 B 나오는 공 변수 Y 가성

X	1	2	3	4	5
P	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{2}{7}$

Y	-1	0	1	2	3
P	$\frac{2}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{2}{7}$

$E(X) = 3$, $E(Y) = 1$
 $V(X) = \frac{18}{7}$, $V(Y) = \frac{9}{7}$

$W = \frac{X+2+X_3+X_4+Y_1+Y_2+Y_3+Y_4}{8} = \frac{1}{2}X + \frac{1}{2}Y$

$\Rightarrow W = \frac{1}{2}X + \frac{1}{2}Y = \frac{1}{2}(X+Y)$

$E(W) = \frac{1}{2}E(X) + \frac{1}{2}E(Y)$ 이므로
(각 변의 크기 4인 도형의 평균) / 2 = 평균 크기 4인 도형의 평균

$E(W) = \frac{1}{2} \times 3 + \frac{1}{2} \times 1 = 2$

$V(W) = \frac{1}{4}V(X) + \frac{1}{4}V(Y)$ 이므로

$V(W) = \frac{1}{4} \times \frac{18}{7} + \frac{1}{4} \times \frac{9}{7} = \frac{9}{28}$

$\sqrt{E(W)} - 1 < n < \frac{252}{28^2 V(W)}$

$\Rightarrow 4 < n < \frac{252}{28^2}$

$\Rightarrow 4 < n < 10. xxx...$
 작을 $n = 6, 8, 10$ **3개**

이를 통해 확률분포를 확인할 수 있다.

● 확률변수 (성공) X라고 가정

X	0	120만원	140만원	216만원	2880만원
P	$\frac{53}{120}$	$\frac{44}{120}$	$\frac{18}{120}$	$\frac{4}{120}$	$\frac{1}{120}$

계산 $E(X) = \frac{44}{120} \times 120\text{만원} + \frac{18}{120} \times 140\text{만원} + \frac{4}{120} \times 216\text{만원} + \frac{1}{120} \times 2880\text{만원}$

$\Rightarrow 284\text{만원} + 216\text{만원} + 12\text{만원} + 24\text{만원}$

576만원

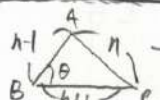
2) (O) (바둑 개 수), X (바둑 개 수 왜배) 라고 가정

수열을 통해 승패 경우의 수를 다룰 수 있다.

1번째 바둑	2"	3"	4"	5"
			O	O
		O	X	X
	O		O	O
		X	X	X
			O	O
			X	X
			O	O
	X		X	X
		O	O	O
		X	X	X
			O	O
			X	X
			O	O
		X	X	X

첫 번째 승패를 1
 두 번째 " 2
 세 번째 " 3
 네 번째 " 4
 다섯 번째 " 5

이렇게 16개의 경우의 수가 나온다.

3)  ΔABC 가성. (n^2-1) (n 은 자연수)

코사인 법칙을 통해 $\cos\theta = \frac{n^2-2}{2(n^2-1)}$ 을 구할 수 있다.

이를 통해 삼각함수의 정의 $\sin^2\theta + \cos^2\theta = 1$ 을 통해 $\sin\theta = \frac{\sqrt{3n^2-2n^2}}{2(n^2-1)}$ 을 구할 수 있다.

ΔABC 의 반지름을 r 으로 나타내면

$r = \frac{n^2-1}{\sqrt{3n^2-2}}$
 $S_n = \frac{1}{2} \sqrt{3n^2-2} \times \pi = \frac{(n^2-1)\pi}{\sqrt{3n^2-2}}$ 이다.

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n}{n^2} = \frac{\pi}{3}$ **$\frac{\pi}{3}$**