

# 자동제어

(A)

(1번~20번)

(7급)

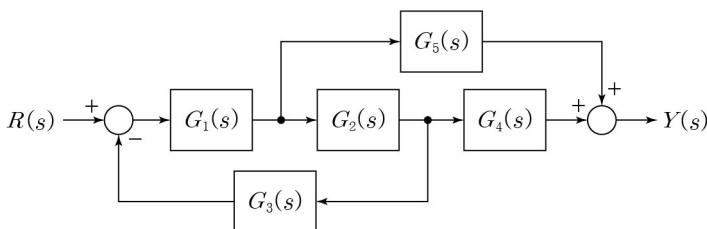
1. 시간의 함수  $f(t)$ 의 라플라스 변환인  $F(s)$ 라 두자. 즉,  $\mathcal{L}\{f(t)\} = F(s)$ 이다. 양의 실수  $a$ 에 대하여, 다음 중 옳은 것은?

- ①  $\mathcal{L}\{af(t)\} = aF(s)$       ②  $\mathcal{L}\{f(at)\} = F\left(\frac{s}{a}\right)$   
 ③  $\mathcal{L}\{f(t-a)\} = e^{-as}F(s)$       ④  $\mathcal{L}\{e^{at}f(t)\} = F(s-a)$

2.  $\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{s+2}{(s+1)(s+3)}$  와 같은 입출력 전달함수에 대해 가제어 정준형(또는 가제어 표준형, Controllable canonical form)으로 표현된 상태방정식의 가제어행렬(Controllability matrix)은?

- ①  $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -3 & -4 \end{bmatrix}$       ②  $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -4 & -3 \end{bmatrix}$   
 ③  $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & -4 \end{bmatrix}$       ④  $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -4 & 1 \end{bmatrix}$

3. 다음 블록선도의 전달함수를 구하면?



- ①  $\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{G_1 + G_1 G_2}{1 + G_1 G_2 G_3}$       ②  $\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{G_1 G_5}{1 + G_1 G_2 G_3}$   
 ③  $\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{G_1 G_5 + G_1 G_2 G_4}{1 + G_1 G_2 G_3}$       ④  $\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{G_1 G_2 G_4}{1 + G_1 G_2 G_3}$

4. 전달함수  $G(s) = \frac{s+80}{(s^2+4s+8)(s+10)}$ 에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 유한한 영점은  $-80$ 이다.  
 ② 우세극점(dominant pole)은  $-10$ 이다.  
 ③ 단위계단응답에서 오버슈트가 발생한다.  
 ④ 단위계단입력에 대한 정상상태오차는  $0$ 이다.

5. 다음 상태방정식을 안정화시키는 상태궤환제어기  $u = -Fx$ 를 설계하고자 한다. 안정화된 시스템의 극점이  $-4$ 에 중근을 가지도록 하는 제어이득이  $F = [f_1 \ f_2]$ 일 때,  $f_1 + f_2$ 의 값은?

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}x + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}u$$

- ① 21      ② 22  
 ③ 23      ④ 24

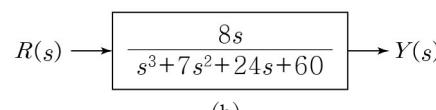
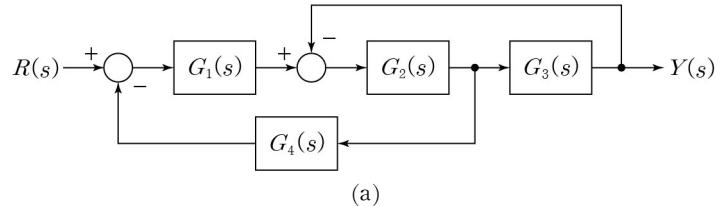
6. 상태방정식  $\dot{x} = \begin{bmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -6 \end{bmatrix}x + \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix}u$ 에서 상태천이행렬을  $y = [4 \ 5]x$

$Ae^{at} + Be^{bt}$ 와 같이 나타내었을 때,  $\det(aA + bB)$ 는?

- ① 6      ② 8  
 ③ 10      ④ 12

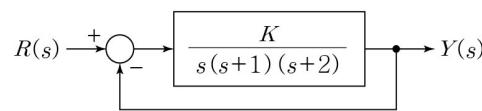
7. 그림 (a)와 (b)의 전달함수가 등가인 경우  $G_1(s)$ 의 값은?

(단,  $G_2(s) = \frac{1}{s+2}$ ,  $G_3(s) = \frac{2}{s+5}$ ,  $G_4(s) = \frac{3}{s}$ 이다.)



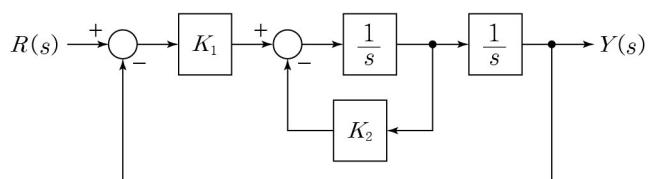
- ① 4      ② 5      ③ 6      ④ 7

8. 다음과 같은 단위궤환제어시스템의 단위램프입력에 대한 정상상태오차가 2%가 되기 위한  $K$  값은?



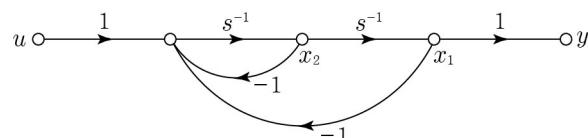
- ① 1      ② 5      ③ 50      ④ 100

9. 다음과 같은 궤환제어시스템에서, 안정하고 오버슈트가 발생하지 않는 제어이득  $K_1$ 과  $K_2$ 의 값으로 적절한 것은?



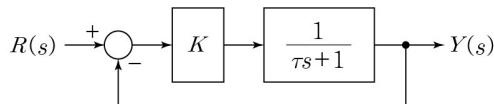
- ①  $K_1 = -1, K_2 = -2$   
 ②  $K_1 = -2, K_2 = -1$   
 ③  $K_1 = 1, K_2 = 2$   
 ④  $K_1 = 2, K_2 = 1$

10. 다음과 같은 신호흐름선도로 표시되는 시스템의 가제어성과 가관측성에 대한 설명으로 옳은 것은?



- ① 가제어하고 가관측하다.  
 ② 가제어하고 가관측하지 않다.  
 ③ 가제어하지 않고 가관측하다.  
 ④ 가제어하지 않고 가관측하지 않다.

11. 다음 표준형 1차 시스템을 고려하자. 단위계단입력이 인가될 때 피드백 시스템의 응답 특성에 대한 설명으로 옳은 것은? (단,  $\tau$ 는 실수이다.)



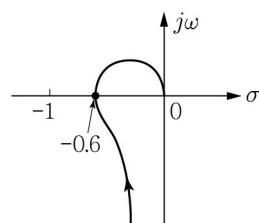
- ①  $\tau$ 가 증가하면 목표값에 더 빨리 접근한다.
- ② 시스템 변수값에 따라 오버슈트가 발생할 수 있다.
- ③ 피드백 제어에 의해 개루프 시스템의 극점이 복소평면상에서 우측으로 이동한다.
- ④ 제어이득값이 증가하면 정상상태오차는 감소한다.

12. 다음과 같은 상태방정식이 있다. 시간영역에서 단위계단함수인 입력  $u$ 에 대한 시스템의 출력은?  
(단, 모든 상태변수의 초기값은 0이다.)

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -3 & -4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u, \quad y = [0 \ 1] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

- ①  $-\frac{1}{2}e^{-t} + \frac{1}{6}e^{-3t} + \frac{1}{3}$
- ②  $-\frac{1}{6}e^{-t} + \frac{1}{6}e^{-3t}$
- ③  $\frac{1}{2}e^{-t} - \frac{5}{6}e^{-3t} + \frac{1}{3}$
- ④  $\frac{1}{2}e^{-t} - \frac{1}{2}e^{-3t}$

13. 다음과 같은 나이퀴스트선도(Nyquist plot)를 그리는 제어 시스템의 이득여유[dB]는?  
(단,  $\log 2 = 0.3010$ ,  $\log 3 = 0.4771$ 이다.)



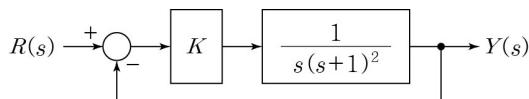
- ① 1.942
- ② 2.834
- ③ 3.216
- ④ 4.438

14. 다음 함수를 라플라스 역변환한 것은?

$$Y(s) = \frac{s+5}{s^2+4s+13}$$

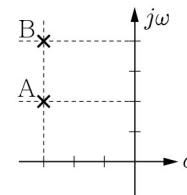
- ①  $y(t) = e^{-2t}(\cos 3t + \sin 3t)$
- ②  $y(t) = e^{-2t}(\cos 3t + 3\sin 3t)$
- ③  $y(t) = e^{-3t}(\cos 2t + \sin 2t)$
- ④  $y(t) = e^{-3t}(\cos 2t + 3\sin 2t)$

15. 다음과 같은 시스템을 안정하게 하는  $K$  값의 범위에 속하는 것은?



- ① -1.5
- ② 1.5
- ③ 2.5
- ④ 3.5

16. 2차 표준형 폐루프 시스템의 극점 하나가 피드백 제어를 통해 A에서 B로 이동할 때 단위계단응답에서 발생하는 동특성 변화로 가장 옳은 것은?



- ① 최대 오버슈트가 감소한다.
- ② 초기 응답이 빨라진다.
- ③ 2% 정착시간(settling time)이 감소한다.
- ④ 댐핑비가 증가한다.

17. <보기>의 전달함수 중 단위계단입력에 대하여 오버슈트가 발생하지 않는 것을 모두 고르면?

가. $G(s) = \frac{6}{s+6}$	나. $G(s) = \frac{6}{s^2+2s+6}$
다. $G(s) = \frac{6}{s^2+4s+6}$	

- ① 가
- ② 다
- ③ 가, 나
- ④ 나, 다

18. <보기>의 전달함수 중 단위계단입력에 대한 정상상태오차가 0인 것을 모두 고르면?

가. $G(s) = \frac{1}{1-s}$	나. $G(s) = \frac{2}{s^2+2}$
다. $G(s) = \frac{3}{s^2+4s+3}$	

- ① 가
- ② 다
- ③ 가, 나
- ④ 나, 다

19. 안정한 전달함수  $G(s)$ 에  $\sin 2t$ 를 입력하였더니, 정상상태 출력이  $\frac{\sqrt{2}}{2} \sin(2t - 45^\circ)$ 와 같았다.  $G(j2) = a + jb$ 로 표현하였을 때,  $100a + 10b$ 는?

- ① -55
- ② -45
- ③ 45
- ④ 55

20. 다음 함수  $y(t)$ 의 최종값(final value)은?

(단,  $u(t)$ 는 단위계단함수,  $y(0) = -1$ ,  $y'(0) = 2$ 이다.)

$$\frac{d^2y(t)}{dt^2} + 3\frac{dy(t)}{dt} + 2y(t) = 5u(t)$$

- ①  $\frac{1}{2}$
- ②  $\frac{2}{3}$
- ③  $\frac{5}{2}$
- ④ 5